

# BULLETIN DE LA S. M. F.

WEILL

## Sur une propriété des systèmes de courbes algébriques

*Bulletin de la S. M. F.*, tome 16 (1888), p. 155-156

<[http://www.numdam.org/item?id=BSMF\\_1888\\_\\_16\\_\\_155\\_1](http://www.numdam.org/item?id=BSMF_1888__16__155_1)>

© Bulletin de la S. M. F., 1888, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Bulletin de la S. M. F. » (<http://smf.emath.fr/Publications/Bulletin/Presentation.html>) implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme  
Numérisation de documents anciens mathématiques

<http://www.numdam.org/>



on aura

$$x_1 + x_2 + \dots + x_p = \frac{f(\lambda)}{\varphi(\lambda)},$$

$f$  et  $\varphi$  désignant des polynômes du degré  $k$  en  $\lambda$ , comme un calcul facile le montre. Dès lors, l'abscisse  $X$  du centre des moyennes distances des points communs à la courbe variable et à la courbe fixe a pour expression

$$X = \sum \frac{f(\lambda)}{\varphi(\lambda)},$$

de même

$$Y = \sum \frac{f_1(\lambda)}{\varphi(\lambda)}.$$

D'ailleurs aux  $k$  racines de l'équation en  $\lambda$ ,  $\varphi(\lambda) = 0$ , correspond pour le lieu une direction asymptotique multiple d'ordre  $k$ , qui n'est autre que la direction de coefficient angulaire  $c_1$ . On a donc le théorème suivant :

**THÉORÈME.** — *Le centre des moyennes distances des points communs à une courbe fixe de degré  $m$  et à une courbe variable de degré quelconque, dont l'équation contient un paramètre variable au degré  $k$ , décrit une courbe unicursale de degré  $mk$ , qui a pour directions asymptotiques multiples d'ordre  $k$  les directions asymptotiques de la courbe fixe.*

J'ai déjà énoncé ce théorème, mais dans le cas particulier où la courbe fixe est unicursale (*Bulletin de la Société mathématique*, t. X, p. 137).

Les conséquences de ce théorème général sont nombreuses.

---