

BULLETIN DE LA S. M. F.

H. PICQUET

Rectification

Bulletin de la S. M. F., tome 4 (1875-1876), p. 156-157

http://www.numdam.org/item?id=BSMF_1875-1876__4__156_1

© Bulletin de la S. M. F., 1875-1876, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Bulletin de la S. M. F. » (<http://smf.emath.fr/Publications/Bulletin/Presentation.html>) implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques
<http://www.numdam.org/>

Rectification; par M. H. PICQUET.

(Séance du 3 mai 1876.)

Dans sa traduction allemande de la *Géométrie analytique à trois dimensions* de M. Salmon, M. Fiedler a bien voulu consacrer une page à quelques théorèmes relatifs aux surfaces du second degré

ayant six, sept ou huit plans tangents communs, présentés par nous à la Société philomathique de Paris, dans sa séance du 9 décembre 1865, et insérés au *Bulletin* de cette Société (tome II, p. 196), ainsi qu'au journal *l'Institut* (numéro du 20 décembre 1865). Nous remercions ici M. Fiedler d'avoir considéré comme une lacune leur absence dans l'ouvrage original anglais, mais nous nous plaisons à lui faire remarquer qu'il a commis une erreur involontaire en les attribuant à M. Rich. Townsend. Cet auteur anglais les a en effet publiés dans le tome VIII du *Quarterly Journal of pure and applied Mathematics* (p. 10-14), mais en juin 1866 seulement; nous espérons donc qu'il ne trouvera pas extraordinaire de nous en voir revendiquer la priorité.

Les théorèmes en question sont relatifs à la sphère, lieu des sommets des trièdres trirectangles circonscrits à une surface du second degré (sphère nommée par M. Townsend *directrice*, par nous *orthogone*, et plus tard *orthoptique*. *Systèmes linéaires de coniques*, p. 42). Ils indiquent que les sphères correspondant à un faisceau tangentiel de surfaces du second degré ont même plan radical; à un réseau, même axe radical, et à un système du troisième ordre, même centre radical; avec application aux paraboloides. M. Chasles nous a également fait l'honneur de les citer dans son *Rapport sur les progrès de la Géométrie*, en faisant remarquer que M. Townsend était parvenu de son côté aux mêmes résultats, et, de plus, avait démontré que les sphères directrices des surfaces tangentes à six plans ont même centre radical. Nous profitons de la circonstance pour faire observer que ce dernier résultat n'est autre que notre théorème VII, d'après lequel *les plans directeurs des paraboloides tangents à six plans ont un point commun*. Il suffit, pour s'en apercevoir, de le rapprocher du théorème XIII, d'après lequel *le plan radical des sphères correspondant aux surfaces d'un faisceau est le plan directeur du paraboloïde du faisceau*.
